

Corrigé type

Exercice 1 : (9pts)

10	45	20	30	40	50	60	47	32	21	31	41	51	45	55	70	41	12
----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

Nbr classes = $1 + (3.3 \log n)$

Nbr classes = $1 + (3.3 \log 18)$

Nbr classes = 5 classes (1)

Inter class = $\frac{[\text{Valeur max} - \text{Valeur min}]}{\text{nbr classes}}$

Inter class = $\frac{[70 - 10]}{5}$

Inter class = 12 (1)

Tableau:

Classes (1)	Effectifs (1)
(10 , 22[4
(22 , 34[3
(34 , 46[5
(46 , 58[4
(58 , 70)	2

Moy = 38.94 (1)

Écart type pop = 16.30 (1)

Var = 265.70 (1)

Écart type ech = 15.84 (1)

Var ech = 250.94 (1)

Exercice 2 : (11pts)

Nombre de germes	10	12	10	13	15	16	09	11	10	12
------------------	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

Effectif = 10 (1)

Var ech = 4.76 (1)

SCE ech = 47.6 (1)

2- La médiane :

09, 10, 10, 10, 11, 12, 12, 13, 15, 16 (1)

$$Me = \frac{[\text{Valeur } (n/2) + \text{Valeur } (n/2) + 1]}{2}$$

$$Me = \frac{[11 + 12]}{2}$$

$$Me = 11.5 \quad (1)$$

3- Pour répondre à la question, nous exécutons un test de conformité d'une moyenne.

+ Conditions d'application :

- Echantillon aléatoire et simple.

- Population parente normale.

+ Hypothèse nulle (H0) : $\bar{X} = \bar{X}_0 = 10$

$$t_{obs.} = \frac{|\bar{X} - \bar{X}_0|}{\frac{SCE}{\sqrt{n(n-1)}}} = \frac{|11.8 - 10|}{\frac{47.6}{\sqrt{10(9)}}} = \frac{1.8}{0.73} = 2.46 \quad (1)$$

+ Comparaison : $t_{1-\alpha/2} (\alpha = 0.05 \text{ et } ddl = 9) = 2.262$

$$t_{obs.} > t_{1-\alpha/2} \Rightarrow H_0 \text{ est refusée} \quad (1)$$

4- Sachant que la variance de la population parente est inconnue, nous appliquons la variante suivante pour calculer l'intervalle de confiance de la moyenne de la population :

+ Conditions d'application :

- Echantillon aléatoire et simple.

- Population parente normale.

$$\bar{X} = \bar{x} \pm t_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{SCE}{n(n-1)}} = \bar{X} = 11.8 \pm 2.262 \sqrt{\frac{47.6}{10(9)}} = 11.8 \pm 1.64. \quad (2)$$

5- Sachant que la variance de la population parente est connue, nous appliquons la variante suivante pour calculer l'intervalle de confiance de la moyenne de la population :

+ Conditions d'application :

- Echantillon aléatoire et simple.

- Population parente normale.

$$\bar{X} = \bar{x} \pm \mu_{1-\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}} = \bar{X} = 11.8 \pm 1.96 \frac{0.89}{3.16} = 11.8 \pm 0.55 \quad (2)$$